



«بسمه تعالیٰ»

اداره آموزش و پرورش منطقه ۴ تهران
دیبرستان نمونه دولتی امام محمد باقر (ع)
امتحانات خرداد ماه ۱۴۰۱



کلید امتحان درس: ریاضی ۲ پایه: یازدهم رشته: تجربی

نام دبیر: طلبی

تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۳/۰۸

مدت زمان: ۱۲۰ دقیقه

تعداد سوالات: ۱۵ تعداد صفحات: ۱۴

ردیف	کلید سوالات	بارم
۱	<p>سوالات درست-نادرست: درستی یا نادرستی هر یک از عبارتهاي زير را تعين کنيد.</p> <p>الف- هر نقطه روی نيمساز يك زاويه، از دو ضلع آن زاويه به يك فاصله است. ب- عکس يك قضيه، همواره درست است. پ- در دو مثلث متشابه، نسبت محيط ها برابر با نسبت تشابه است.</p> <p>ت- دو تابع $f(x) = \frac{x^3}{x}$ و $g(x) = x$ مساويند.</p>	۰/۲۵ ۰/۲۵ ۰/۲۵ ۰/۲۵
۲	<p>سوالات انتخاب گرفته: در هر قسمت، از بين عبارات داخل پرانتز عبارت درست را انتخاب نمایيد.</p> <p>الف- معادله $x - 1 + 2 = 0$ جواب حقيقی (دارد - ندارد).</p> <p>ب- برخی نتایج مهم و پرکاربرد که با استدلال (استنتاجی - استقرایی) به دست می آیند، قضیه نامیده می شوند.</p> <p>پ- نمودار تابع نمایی $y = (\frac{1}{3})^x$ (نزولی - صعودی) است.</p> <p>ت- رابطه $\cos(30^\circ - x) = \sin 2x$، به ازای $x = 60^\circ$ برقرار است.</p>	۰/۲۵ ۰/۲۵ ۰/۲۵ ۰/۲۵
۳	<p>سوالات کامل گردنه: جاهای خالي را با عدد يا عبارت درست کامل نمایيد.</p> <p>الف- فاصله نقطه $A(-4, 3)$ از مبدا مختصات، برابر است.</p> <p>ب- زاويه $\frac{5\pi}{6}$ راديان، برابر درجه است و انتهای کمان آن در ربع قرار دارد.</p> <p>پ- ميانه داده هاي ۱۰, ۱۱, ۱۵, ۸, ۱۰, ۹, ۱۱, ۱۵, ۸, ۱۰ برابر است.</p>	۰/۲۵ ۰/۱۵ ۰/۲۵
۴	<p>سوالات چهارگزینه ای: در هر يک از سوالات زير، گزينه درست را انتخاب نمایيد.</p> <p>الف- با توجه به سهمي $y = ax^3 + bx + c$، کدام گزينه درست است؟</p> <p>(۱) $a, b < 0$ (۲) $a, b > 0$ (۳) $b > 0, a < 0$ (۴) $b < 0, a > 0$</p> <p>ب- کدام گزينه در مورد تابع $y = \log x$ درست است؟</p> <p>(۱) دامنه آن برابر \mathbb{R} است. (۲) تابعی يك به يك است.</p> <p>پ- اگر $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = -3$ باشد، حاصل $\lim_{x \rightarrow 2} g(x) = 1$ است؟</p> <p>(۱) $\lim_{x \rightarrow 2} (2f(x) - g(x)) = 1$ (۲) $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = -5$ (۳) $\lim_{x \rightarrow 2} g(x) = -5$ (۴) $\lim_{x \rightarrow 2} (2f(x) - g(x)) = -7$</p>	۰/۲۵ ۰/۲۵ ۰/۲۵ ۰/۲۵

ردیف	کلید سوالات	بارم
۵	<p>سوالات گوته پاسخ: به سوالات زیر، با راه حل گوته پاسخ دهید.</p> <p>الف- <u>ثیب عمود منصف</u> پاره خط AB که در آن $A(2, 4)$, $B(0, -6)$ است را به دست آورید.</p> $m_{AB} = \frac{4+6}{2-0} = 5 \Rightarrow \text{شیب عمود منصف} = -\frac{1}{5}$ <p>ب- <u>حاصل ضرب</u> ریشه های معادله $3x^2 + 10x + m = 0$ برابر ۲ است. مقدار m را به دست آورید.</p> $P = \frac{c}{a} = \frac{m}{3} = 2 \Rightarrow m = 6$ <p>پ- اگر $f(x) = 2x + 5$، مقدار $f^{-1}(7)$ را به دست آورید.</p> $f^{-1}(V) = k \Rightarrow f(k) = V \Rightarrow 2k + 5 = 7 \Rightarrow k = 1 \Rightarrow f^{-1}(V) = 1$ <p>ت- نمودار تابعی مانند f را رسم کنید که در نقطه $x=3$ حد نداشته باشد و $f(3)=1$.</p> <p>ث- اگر واریانس داده های Z, Y, X برابر ۴ باشد، انحراف معيار داده های $3x+1, 3y+1, 3z+1$ را به دست آورید.</p> $\sigma^2 = 4 \Rightarrow \sigma = 2$	۰/۷۵
۶	<p>سوالات تشریحی: به سوالات ۶ تا ۱۵، با راه حل کامل پاسخ دهید.</p> <p>در مثلث قائم الزاویه ABC باشد، مقدارهای $AC=4$, $AB=3$, $\hat{A}=90^\circ$, ارتفاع AH را رسم کرده ایم. اگر BH, CH, AH را بیابید.</p> $AB^2 = x \cdot BC \Rightarrow 9 = 5x \Rightarrow x = \frac{9}{5} \Rightarrow BH = \frac{9}{5}$ $AC^2 = y \cdot BC \Rightarrow 16 = 5y \Rightarrow y = \frac{16}{5} \Rightarrow CH = \frac{16}{5}$ $AH^2 = xy \Rightarrow AH^2 = \frac{9}{5} \times \frac{16}{5} \Rightarrow AH = \frac{12}{5}$	۰/۱۵
۷	<p>اگر $g(x) = \frac{x-2}{x-1}$, $f(x) = \sqrt{x-1}$ باشد، مطلوب است:</p> <p>الف- مقدار $(f \times g)(5)$</p> $(f \times g)(5) = f(5) \times g(5) = \sqrt{5-1} \times \frac{5-2}{5-1} = \sqrt{4} \times \frac{3}{4} = \frac{3}{2}$ <p>ب- دامنه $\frac{f}{g}$ (بدون تشکیل ضابطه)</p> $D_f = D_g \cap \{x g(x) \neq 0\}$ $= [1, +\infty) \cap (\mathbb{R} - \{1\}) - \left\{ x \mid \underbrace{\frac{x-2}{x-1}}_{x=1} = 0 \right\} = (1, +\infty) - \{2\}$	۰/۱۰
	صفحه ۲ از ۴	

ردیف	کلید سوالات	بارم
۸	<p>نمودار تابع $y = \sin x + 1$ را در بازه $[0, 2\pi]$ رسم نماید. سپس مقادیر ماکزیمم و مینیمم آن را تعیین کنید.</p> <p>$y_{\max} = 2$</p> <p>$y_{\min} = 0$</p>	۱
۹	<p>حاصل عبارت $\cos 225^\circ + \sin(-\frac{5\pi}{4})$ را به دست آورید.</p> $\cos 225^\circ = \cos(180^\circ + 45^\circ) = -\cos 45^\circ = -\frac{\sqrt{2}}{2}$ $\sin(-\frac{5\pi}{4}) = -\sin \frac{5\pi}{4} = -\sin(\pi + \frac{\pi}{4}) = \underbrace{-\sin \frac{\pi}{4}}_{-\frac{\sqrt{2}}{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$ $\Rightarrow \text{حاصل عبارت} = -\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2} = 0$	۱/۲۵
۱۰	<p>اگر $\log 1/\lambda = n$, $\log 2 = m$ باشد، حاصل $\log 1/\lambda$ را بحسب n, m به دست آورید.</p> $\log 1/\lambda = \log \frac{1/\lambda}{1} = \log 1/\lambda - \log 1 = \log 2 + 2\log 3 - 1 = m + 2n - 1$	۱
۱۱	معادلات زیر را حل نمایید.	
۱/۷۵	$1) (\frac{3}{5})^{x+1} = \frac{25}{9} \quad (\frac{3}{5})^{x+1} = \left(\frac{3}{5}\right)^{-2} \Rightarrow x+1 = -2 \Rightarrow x = -3$	
۱/۲۵	$2) \log_\delta^{(x+\varphi)} + \log_\delta^{(x+\psi)} = 1 \quad \log_\delta (x+\varphi)(x+\psi) = 1 \Rightarrow (x+\varphi)(x+\psi) = \delta^1 = \delta$ $\Rightarrow x^2 + \varphi x + \psi x + \varphi\psi = \delta \Rightarrow x^2 + (\varphi + \psi)x + \varphi\psi = \delta \Rightarrow (x+1)(x+\psi) = 0$ $\Rightarrow \begin{cases} x = -1 & \text{ق} \\ x = -\psi & \text{ق} \end{cases}$	
۱۲	حاصل حد های زیر را در صورت وجود بباید.	
۰/۱۵	$1) \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{[x]+1}{2} = \frac{[2]+1}{2} = \frac{1+1}{2} = 1$	
۱	$2) \lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 + 1}{x^2 - 4} = \frac{0}{0} \xrightarrow{\text{نفع از اندیش}} \lim_{x \rightarrow -2} \frac{(x+2)(x^2 - 4x + 4)}{(x+2)(x-2)} = \frac{4+4+4}{-4} = -3$	

بارم	کلید سوالات	ردیف
۱/۲۵	<p>مقدار a, b را طوری بباید که تابع زیر در نقطه $x = 2$ پیوسته باشد.</p> $f(x) = \begin{cases} ax^2 + 3 & x > 2 \\ 4 & x = 2 \\ \frac{b}{x-1} - 1 & x < 2 \end{cases}$ <p style="text-align: center;">$\therefore f(2) = \lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)$</p> $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{b}{x-1} - 1 = \frac{b}{2-1} - 1 = b - 1$ $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^+} ax^2 + 3 = 4a + 3$ $b - 1 = 4a + 3 \Rightarrow \begin{cases} b = 1 \\ a = 1 \end{cases}$	۱۳
۱	<p>در پرتاب دو تاس، اگر حداقل یکی از تاس‌ها ۲ بباید، چقدر احتمال دارد هر دو تاس، عدد زوج ببایند؟</p> $P(\underbrace{\text{حداقل یکی عدد زوج}}_{A} \mid \underbrace{\text{دو عدد}}_{B}) = \frac{n(A \cap B)}{n(B)} = \frac{5}{11}$ $B = \{(2,1), (2,2), (2,3), (2,4), (2,5), (2,6), (1,2), (3,2), (4,2), (5,2), (6,2)\} \Rightarrow n(B) = 11$ $A \cap B = \{(2,2), (2,4), (2,6), (4,2), (6,2)\} \Rightarrow n(A \cap B) = 5$	۱۴
۱	<p>فرض کنید در یک سال، احتمال قهرمانی تیم ملی فوتبال ایران در آسیا برابر $5/8$ و احتمال قهرمانی تیم ملی والیبال ایران در آسیا $1/8$ باشد، با چه احتمالی حداقل یکی از این تیم‌ها قهرمان خواهند بود؟</p> $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - \underbrace{P(A \cap B)}_{P(A) \cdot P(B)} = 5/8 + 1/8 - 5/8 \times 1/8 = 9/16$	۱۵
۲۰	طیبی	صفحه ۴ از ۴ تلاش + توکل \Leftarrow موفقیت